Equazioni. **BM:** teoria pag. 27 -29 ; pag. 86 – 90 ; esercizi 60 – 88.
CM: pag. 462 - 474.Problemi con equazioni: pag. 498 – 507.

Dalla seconda con i numeri Interi $\mathbb{Z}$:

Risolvi le seguenti equazioni nell'insieme dei numeri Interi ($\mathbb{Z}$), specificando l'insieme soluzione ed effettuando la verifica. Quali conclusioni puoi trarre?
Quali sono i principi che ti permettono di risolvere un'equazione?

a) $x + 15 = 7$ b) $7 = 2x + 15$ c) $8 = 2x + 15$
d) $2x = 5(x + 3)$ e) $2x + 3 = 5x - 9$
f) $2x + 2 = 2x - 3$ g) $6x + 12 = 2 (6 + 3x)$
h) $6x + 17 = 2 (6 + 3x)$ i) $3(y -4) – 4(y -3) = y + 3 – (y – 2)$

Le equazioni servono per risolvere dei problemi, trasformando una proposizione in espressione algebrica.

Esempi.

1) Ad un numero aggiungo il suo doppio, ottengo 135. Calcola il numero.

   Scelgo l'incognita: …….. Metto in equazione……

   Risolvo: ……

   ……

   Metto la risposta al problema: ……

2) Calcola tre numeri consecutivi, sapendo che la loro somma è 96. [31;32;33]
3) Carletto è un bambino molto goloso. Per il suo compleanno ha ricevuto in regalo una scatola con 28 caramelle. Ogni giorno ne mangia il doppio del giorno precedente. In tre giorni Carletto le ha mangiate tutte. […….;…;16]
4) Penso un numero intero, lo moltiplico per 3, sottraggo 11, divido per 4, aggiungo 7 e ritrovo il numero di partenza! [17]
5) Dobbiamo ripartire la somma di 2000 CHF fra tre persone, in modo che la prima abbia 100 CHF più della seconda e la seconda 200 CHF più della terza. Trova le tre somme. […….;…;500]
6) Ho delle caramelle che voglio distribuire in parti uguali fra un certo numero di bambini: m' accorgo che se do 4 caramelle ciascuno m' avanzano 3 caramelle, mentre se do 5 caramelle ciascuno mi mancano 6 caramelle. Quante sono le caramelle e quanti i bambini? [9 ; 39]
7) In un cortile ci sono polli e conigli: in totale ci sono 40 teste e 130 zampe. Quanti sono i polli e quanti i conigli? [15 ; 25]
8) In un numero di due cifre la cifra delle decine supera di 2 il doppio della cifra delle unità. Scambiando le cifre fra loro si ottiene un numero inferiore di 36 al numero dato. Trovare il numero [62]

9) **Equazioni con i numeri Razionali** $\mathbb{Q}$.

Valgono gli stessi principi visti in $\mathbb{Z}$, applicando le regole di calcolo delle frazioni e con il vantaggio d'ampliare l'insieme delle possibili soluzioni.

Risolvi in $\mathbb{Q}$ le seguenti equazioni, specificando l'insieme soluzione e svolgendo la verifica della soluzione ottenuta.

a) $x + \frac{3}{4} = \frac{1}{6}$ b) $2x - \frac{3}{4} = \frac{1}{6}$ c) $\frac{3}{4}x = \frac{1}{6}$

d) $\frac{3}{4}x + \frac{2}{3} = \frac{1}{6}$ e) $\frac{3}{4}x + \frac{2}{3} = \frac{3}{8}x - \frac{1}{6}$

f) $\frac{3}{4} \cdot (x - 2) = \frac{x}{3} - \frac{5^2}{12}$ g) $\frac{x+1}{4} = \frac{2x-3}{3}$

h) $\frac{-x+1}{5} = -\frac{x+3}{6}$ i) $\frac{x+3}{2} = \frac{x}{2} + 5$

j) $\frac{3x+2}{2} = 1 + x + \frac{x}{2}$ k) $\frac{10x}{3} - \frac{5x-2}{2} + \frac{15}{4} = 1$

l) $\frac{4x+2}{5} - \frac{x+2}{10} = \frac{6x-4}{2} + \frac{3-x}{5}$ m) $4 + \frac{3x-7}{8} - \frac{x}{3} = \frac{x+5}{4}$

Problemi da risolversi con un'equazione.

1) Trovare un numero che sommato ai suoi 3/2 dia 50. [20]
2) Trovare un numero sapendo che la somma dei suoi 2/3 con il numero 15 è uguale ai 3/2 del numero stesso. [18]
3) Si toglie 20 da un numero ed alla metà della differenza si aggiunge la quarta parte del numero, si ottiene così lo stesso numero diminuito di 25. Qual è il numero? [60]
4) Il rapporto di due numeri è $\frac{2}{3}$; dividendo la loro somma per 10 si ottiene lo stesso risultato che sottraendo 15 dal minore. Trovare i due numeri. [10]
5) Dividere il numero 36 in due parti tali che la prima superi di 6 il doppio della seconda. [10 ; 26]
6) Due numeri differiscono di 5; dividendo la loro somma per 6 si ottiene come quoziente 4 e come resto 1. Trovare i due numeri. [10 ; 15]
7) Determina due frazioni sapendo che:
   a) Hanno lo stesso numeratore, mentre i denominatori sono 3 e 5.
   b) Il loro prodotto è uguale al prodotto della prima frazione aumentata di 1/6 con la seconda diminuita di 4/45.
8) Ai $\frac{3}{4}$ d'un numero aggiungo la metà della parte rimanente, ed ottengo 49. Calcola il numero. [56]

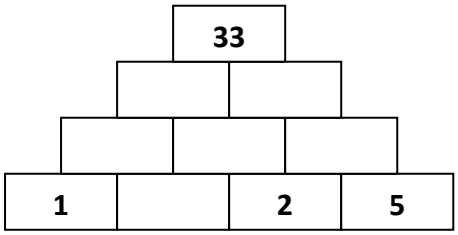
AD OGNI PROBLEMA LA SUA EQUAZIONE

1) Le piramidi di caselle sono costruite rispettando le seguenti regole:

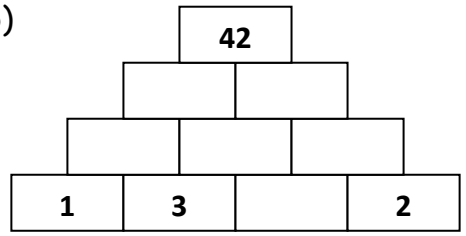
   - ogni casella contiene un numero:
   - la somma dei numeri di due caselle adiacenti è uguale al numero nella casella che sta sopra di esse.

   Completa le seguenti piramidi.

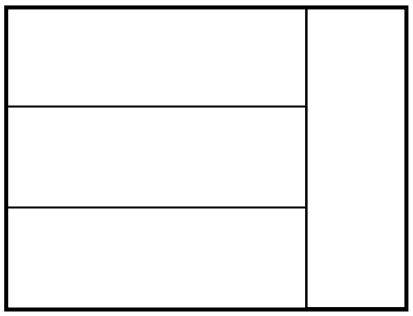
a)



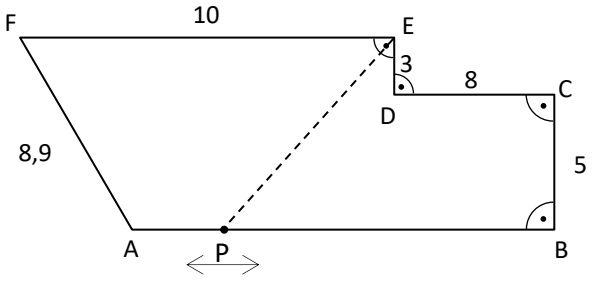
b)



2) Il terreno rettangolare raffigurato è suddiviso in quattro parti rettangolari "uguali". Se il perimetro del terreno è di 280 m, qual è la sua area?

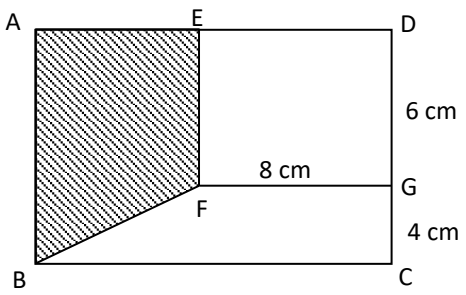


3) Dove occorre mettere il punto P, sul segmento AB, affinché il poligono APEF abbia la stessa area del poligono BCDEP?
   Dove occorre mettere il punto P, sul segmento AB, affinché il poligono APEF abbia lo stesso perimetro del poligono BCDEP?
   Le misure indicate nel disegno sono in centimetri. Indica con x la misura di AP.



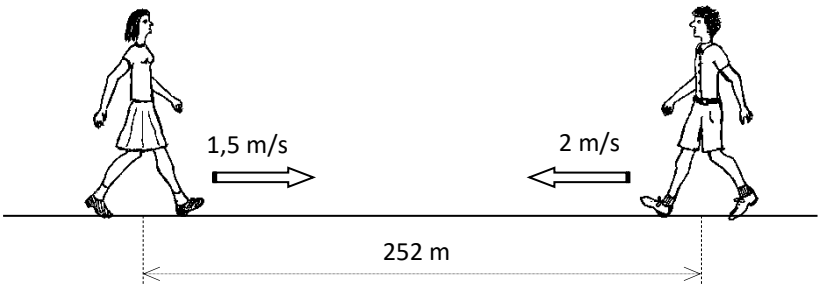
4) Un ragazzo ha in tasca 5,55 CHF in monete da 1 CHF, 50 cts, 20 cts, 10 cts, 5 cts.
Se il numero di monete di ogni tipo è lo stesso, quante monete ha in tasca in totale?

5) ABCD è un rettangolo.
Il rettangolo DEFG e il trapezio BCGF hanno la stessa area.



Quanto è, in cm^2, l'area di ABFE ?

6) Due ragazzi, distanti 252 m, partono contemporaneamente e camminano l'uno verso l'altro alle velocità rispettive di 1,5 m/s e 2 m/s.



i) Dopo quanto tempo si incontrano?

ii) Che distanza ha percorso ognuno?

7) Sui due piatti di una bilancia si trovano 5 sacchetti e 16 monete tutte uguali (vedi figura). I sacchetti contengono tutti la medesima quantità di monete, uguali a quelle che stanno fuori. I due piatti sono in equilibrio.
Quante monete contiene ciascun sacchetto?
(il peso dei sacchetti è trascurabile)

